

GORDAN STOJIĆ\*, JOVANA MARJANOVIĆ\*\*

## MODELIRANJE TEHNOLOGIJE OBRADE VOZOVA U ŽELEZNIČKOJ TERETNOJ STANICI: PRIMER STANICA ŠID

## MODELING OF TECHNOLOGICAL OPERATIONS WITH TRAINS AT FREIGHT TRAIN STATION: EXAMPLE ON ŠID RAILWAY STATION

Datum prijema rada: 19.10.2018.  
UDK:656.2+004:519.8

### REZIME

Železnička stanica Šid predstavlja važnu tačku na Koridoru X preko koje tranzitira veliki deo međunarodnog robnog železničkog saobraćaja. Znatno manji udeo ima putnički saobraćaj. Zbog toga veoma važno je da tehnološki proces rada stanice bude usklađen sa uslovima rada, koji nastaju u praksi. Usavršavanje prevoznog procesa i razvoj železničkog saobraćaja nezamislivi su bez optimizacije, a optimizacija nezamisliva je bez modeliranja. Ovaj rad prvenstveno se bazira na analizi rada pogranične stanice u teretnom saobraćaju, modeliranju tehnologije i optimizaciji ukupnih troškova obrade teretnih vozova. Predloženi model testiran je na primeru železničke stanice Šid. Za smanjenje vremena zadržavanja vozova u pograničnim stanicama pretpostavljeno je uvođenje novog informacionog sistema.

**Ključne reči:** tehnologija obrade vozova, pogranična stanica, informacioni sistem, teorija masovnog opsluživanja, troškovi

### SUMMARY

Railway station Šid represents an important point on Corridor X through which transits a large part of international railfreight. There is a significantly lower contribution of passenger traffic. Therefore, it is very important that the technological process of the work of the station be harmonized with working conditions that occur in practice. The improvement of the transport process and the development of rail transport are unthinkable without optimization, and optimization is unthinkable without modeling. This paper is primarily based on analysis of the work of the border station in freight traffic, modeling technology and optimizing the total cost of technological operations with freight trains. It is tested on the example of the Šid Railway Station. In order to reduce the retention time of trains in border stations, it is necessary to use a new information system.

**Key words:** technological operations with trains, border stations, information systems, queueing theory, costs

\* Prof. dr Gordan Stojić, dipl. inž. saobr, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad, Trg Dositeja Obradovića 6, gordan@uns.ac.rs

\*\* Jovana Marjanović, mast. inž. saobr, Fakultet tehničkih nauka, Novi Sad, Trg Dositeja Obradovića 6, jovanaprodanovic7@gmail.com

## 1. UVOD

Železničke stanice predstavljaju službena mesta na železničkim prugama, opremljene takvim kolo-sečnim i drugim postrojenjima koja omogućavaju potpuno ili delimično izvršenje određenih tehničkih, robnih, komercijalnih i putničkih operacija. Pored toga, one predstavljaju i osnovne proizvodne jedinice u železničkom saobraćaju i igraju najvažniju ulogu u obezbeđenju prevoznog procesa, osiguranja bezbednosti saobraćaja, racionalnom korišćenju transportnih sredstava, povećanju proizvodnosti rada i sniženju prevoznih troškova.

Železnička stanica Šid predstavlja važnu tačku na Koridoru X i preko nje tranzitira celokupni međunarodni putnički i robni železnički saobraćaj, te je zbog toga važno da tehnološki proces rada bude dobro optimiziran i uskladen sa uslovima rada koji nastaju u praksi. Drugim rečima, tehnološki proces rada stanice Šid treba što više približiti realnim uslovima poslovanja u stanici.

U pogledu vršenja saobraćajne službe stanica, Šid je rasporedna stanica na magistralnoj, dvokolosečnoj i elektrificiranoj pruzi Beograd – Šid – državna granica i odvojna je stanica za prugu Šid – Sremska Rača (Bijeljina). Stanica Šid nalazi se u km 116+380 pruge Beograd – Šid – državna granica [1]. Regulisanje saobraćaja vozova između Infrastrukture Železnice Srbije (IŽS) i Hrvatskih železnica (HŽ) obavlja se na bazi zajedničkog sporazuma.

U pogledu vršenja transportne službe, stanica Šid otvorena je za prijem i otpremu putnika u unutrašnjem lokalnom i zajedničkom saobraćaju, kao i za prijem i otpremu putnika u međunarodnom saobraćaju. Stanica je otvorena za prijem i otpremu prtljaga, ekspresnih, denčanih i kolskih pošiljki, kao i živih životinja u unutrašnjem i međunarodnom saobraćaju [1].

Stanica Šid ima 10 koloseka za prijem, smeštaj i otpremu vozova. Osim navedenih koloseka u stanici postoji još: jedan kolosek za vaganje i dva koloseka za utovar i istovar kolskih pošiljki, dva manipulativna koloseka, izvlačnjak, kolosek za opravku kola i kolosek za utovar/istovar vozila na sopstvenim točkovima sa čeonom rampom. Iz stanice se odvajaju četiri industrijska koloseka („Žitopromet”, IM „Srem”, „Hempro” i „Mladost”).

## 2. ANALIZA POSTOJEĆE TEHNOLOGIJE OBRADE VOZOVA

Za potrebe ovog rada utvrđene su aktivnosti kod postojeće tehnologije obrade vozova koje limitiraju zadržavanje vozova. Te aktivnosti nazivaju se aktivnostima na kritičnom putu. Parni i neparni smer odvojeni su jer se tehnološke operacije kod obrade ovih vozova razlikuju.

Vreme trajanja aktivnosti na kritičnom putu, kojima se definiše ukupna tehnologija obrade vozova po kategorijama i smerovima, prikazano je u tabeli 1.

*Tabela 1. Vreme trajanja obrade vozova u stanici Šid po kategorijama i smerovima (min).*

<b>1. Vozovi sa prevozom putnika u međunarodnom saobraćaju</b>		
	Smer:	
	Šid – Tovarnik, parni	Tovarnik – Šid, neparni
Međunarodni brzi	25	25
Agencijski	25	25
Pogranični putnički	15	15
<b>2. Vozovi za prevoz robe u međunarodnom saobraćaju</b>		
	Smer:	
	Šid – Tovarnik, parni	Tovarnik – Šid, neparni
Mešovitog sastava	120	140
Sa jednorodnim tovarom	90	125
Sa praznim kolima	70	70
<b>3. Vozovi za prevoz putnika u unutrašnjem saobraćaju – oba smera</b>		
	10	
<b>4. Vozovi za prevoz robe u unutrašnjem saobraćaju – oba smera</b>		
Koji otpočinju vožnju u stanici	85	
Koji završavaju vožnju u stanici	70	
Sa delimičnom preradom u stanici	55	

U stanici Šid na obradi vozova radi sledeći broj radnika [1]:

- vozovođa: 2 radnika;
- manevrista: 1/3, odnosno 1 rukovalac i trojica manevrista;
- magacioner: 3 radnika.

Prema planiranom redu vožnje broj putničkih vozova iznosi 41. Od toga međunarodnih brzih vozova ima 16, gde spadaju i pogranični vozovi, kojih ima 6 (15%) i ostali međunarodni brzi vozovi kojih ima 10 (24%), 9 agencijskih vozova koji saobraćaju po potrebi tj. to su vanredni sezonski vozovi, te ih u daljem radu nećemo obrađivati, a putničkih vozova u unutrašnjem saobraćaju takođe 16 [2].

Ukupan broj vozova za prevoz robe je 62. Od toga vozova mešovitog sastava koji tranzitiraju stanicu Šid ima 33 (10 redovnih (30%) i 23 vanredna (70%)), vozova sa jednorodnim tovarom koji tranzitiraju stanicu Šid 11 i svi su vanredni, vozova sa praznim kolima koji tranzitiraju stanicu Šid 4 i svi su vanredni i teretnih vozova u unutrašnjem saobraćaju 14 (2 redovna (14%) i 12 vanrednih (86%)) [2].

Takođe, stanica Šid obrtna je stanica 7 parova regionalnih vozova i tranzitna (pogranična) stanica za jedan par međunarodnih brzih vozova.

### **3. PRIMENA NOVE TEHNOLOGIJE OBRADE VOZOVA**

Postojanje informacije o dolazećim vozovima u stanici, tj. unapred raspolažanje podacima o vozovima koji dolaze u stanicu, od izuzetnog je značaja. Ona omogućava planiranje rasformiranja i formiranja vozova, sastavljanje operativnih planova rada stanice, odnosno omogućava brzu obradu vozova u stanicama i na taj način kraće vreme zadržavanja kola u stanicama. Smanjenje vremena zadržavanja kola u stanicama direktno utiče na smanjenje vremena, a samim tim i troškova prevoženja robe železnicom [5].

#### **3.1. Uloga i značaj informacionih sistema na železnici**

Primena informatike i informacionih tehnologija u železničkom saobraćaju prvenstveno ima zadatku da pomogne ostvarenju opštег cilja železničkog sistema, koji se ogleda u ostvarenju što većeg transportnog rada uz što je moguće manje troškove.

U novom konceptu železnice zasnovanom na povećanju obima rada i kvaliteta usluga, a posebno na izvršenju zadataka prevoza robe, informacioni sistem železnice dobija posebno veliki značaj.

Informacioni sistem stanice treba da obezbedi [6]:

- racionalizaciju procesa prevoza smanjenjem vremena zadržavanja kola u stanicama i to: smanjenjem vremena trajanja pripremnih operacija, savremenom tehnologijom;
- informacije o vozovima u prispeću preuzimanjem podataka iz informacionog sistema;
- automatsko formiranje rasporeda manevriranja;
- informacije o svim kolima u stanicama;
- praćenje rada stanice sa svim kvalitativnim i kvantitativnim pokazateljima rada;
- brzo i jednostavno pretraživanje podataka iz arhive, da formira arhivu bavljenja kola po tipu;
- formiranje teretnice odlazećeg voza, kao i izveštaj o kočenju i sastavu voza;
- izrađuje potrebne izveštaje i tehnološki proces rada stanice i
- razmenjuje informacije i podatke sa ostalim podsistemima.

Jedan od zadataka informacionog sistema je da obezbedi lakši i efikasniji rad izvršnog osoblja. Da bi se ubrzao i olakšao rad osoblja, kao i da bi se povećala pouzdanost podataka, a i smanjilo vreme zadržavanja kola, treba pristupiti kreiranju jednog kompleksnog informacionog sistema za upravljanje radom stanice Šid koji treba da:

- obezbedi podatke o vozovima u prispeću preuzimajući saobraćajni dosije voza iz informacionog sistema za praćenje izvršavanja reda vožnje;
- kontroliše prispele vozove, automatski određujući namenu koloseka;
- obezbedi praćenje rada stanice u realnom vremenu i time stvori podlogu za upravljanje radom stanice;
- minimalizuje bavljenje kola u stanicama;
- ubrza izvršenje tehnoloških operacija na vozovima, manevarskim sastavima i kolima;
- efikasnije i lakše određuje tehnološke postupke;
- omogući pregled kola po kolosecima serijama i pravcima kretanja;
- vodi razne evidencije i statistike;
- omogućuje lakše praćenje kvalitativnih i kvantitativnih pokazatelja rada stanice kao i mogućnost poboljšanja rada stanice i
- informaciono reguliše odnose sa carinskom i fito procedurom, kao i da omogući lakši kontakt sa informacionim sistemima nadležnih državnih institucija i drugo.

Uvođenjem informacionog sistema, koji treba da ispunjava navedene zahteve, omogućiće se smanjenje zadržavanja vozova na tehnološkim operacijama u pograničnoj stanici Šid.

Za uspešnu realizaciju zahteva informacionog sistema stanice Šid neophodno je povezivanje svih računarskih podsistema stanice u računarsku mrežu, kao i povezivanje mreže sa glavnim računarom.

Poslovni informacioni sistem železnice treba da pokrije sve oblasti funkcionisanja i rada železnice, poveže ih u logističku celinu rada u kojoj se pojedini delovi železnice dopunjaju. U takvom poslovnom informacionom sistemu treba da se nalaze manji podsistemi koji pokrivaju sledeće delatnosti:

- informacioni sistem za upravljanje transportnim procesima;
- informacioni sistem infrastrukture;
- informacioni sistem održavanja voznih sredstava i
- informacioni sistem uprave.

Informacioni sistem za upravljanje transportnim procesima predstavlja sistem koji treba da omogući upravljanje kompletним procesom transporta. Tako, sa stanovišta saobraćaja obuhvata se upravljanje svakim pojedinačnim kolima, lokomotivama, vozovima, ranžirnim stanicama, robnim i ostalim stanicama na železničkoj mreži i planiranje osoblja. Sa stanovišta transportne komercijale, prodaju usluga u putničkom i teretnom saobraćaju, tarifsku politiku i marketing.

Novi informacioni sistem zahteva izradu nove tehnologije obrade vozova.

### 3.2. Tehnologija obrade vozova kod primene nove informacione tehnologije

Primenom nove informacione tehnologije u stanici Šid znatno se smanjilo vreme obrade vozova i potreban broj radnika, a povećala se njihova efikasnost, takođe se smanjio i utrošak kolskih časova, potreban broj koloseka i sl. Glavna prednost nove informacione tehnologije sastoji se u tome što stanica, tačnije otplovnik vozova, može da dobije informaciju o dolazećim vozovima sa glavnog računara, importovanjem teretnice i ostalih podataka na svoj računarski terminal. Na osnovu toga može

da dobije sve podatke o dolazećem vozu, koji su mu potrebni, kako bi blagovremeno organizovao obradu vozova. Nova informaciona tehnologija, samo uz kombinovanje radio vezom, omogućava smanjenje vremena izvršenja popisa i komercijalnog pregleda voza. Zatim, ona omogućava i automatsko sastavljanje Izveštaja o sastavu i kočenju voza S-66, a po potrebi i nove teretnice voza. Sve to utiče na smanjenje potrebnog vremena obrade voza.

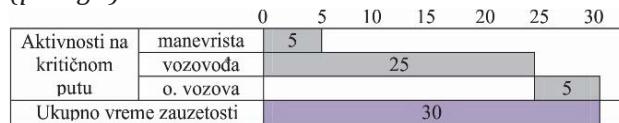
U ovom radu za modernizaciju tehnologije rada u pograničnoj stanici Šid razmatran je novi informacioni sistem koji je opisan u radu [5].

Grafički prikazi nove tehnologije obrade vozova prikazani su u prilozima od I do VI.

U daljem radu vršenisu analiza i proračun samo na osnovu tehnologija obrade teretnih vozova jer kod putničkih vreme zadržavanja nije značajno.

Aktivnosti na kritičnom putu za najzastupljenije kategorije vozova za slučaj primene savremenih informacionih sistema date su u tabelama 2 – 7.

*Tabela 2. Tranzitni vozovi sa delimičnom preradom (prilog I)*



*Tabela 3. Međunarodni brzi vozovi – smer parni (prilog II)*



*Tabela 4. Međunarodni brzi vozovi – smer neparni (prilog III)*



*Tabela 5. Putnički vozovi u unutrašnjem saobraćaju – smer parni i neparni (prilog IV)*

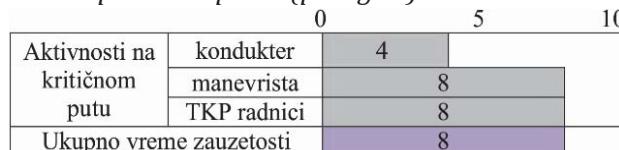


Tabela 6. Vozovi mešovitog sastava – parni (prilog V)

Aktivnosti na kritičnom putu	manevrista	10	20	30	40	50	60	70
vozovoda		20		20			10	
magacioner			50				10	
Ukupno vreme zauzetosti	70							

Tabela 7. Vozovi mešovitog sastava – smer neparni (prilog VI)

Aktivnosti na kritičnom putu	manevrista	10	20	30	40	50	60	70	80	90
vozovoda			50			5	20		5	10
magacioner			50					10		
Ukupno vreme zauzetosti	90									

### 3.3. Potreban broj radnika za slučaj primene nove informacione tehnologije

Potreban broj radnika utvrđen je analitičkim putem:

- potreban broj vozovoda

$$N_v = \frac{N_{mp} \cdot t_{mpv} + N_{mn} \cdot t_{mnv} + N_{dp} \cdot t_{dpv}}{1440 - \sum t_{pn}} = \\ = \frac{4 \cdot 50 + 6 \cdot 80 + 6 \cdot 25}{1440 - 120} = 0,63 = 1 \text{ radnik} \quad (1)$$

- potreban broj magacionera

$$N_{mag} = \frac{N_{mp} \cdot t_{mpmag} + N_{mn} \cdot t_{mnmag} + N_{dp} \cdot t_{dpmag}}{1440 - \sum t_{pn}} = \\ = \frac{4 \cdot 60 + 6 \cdot 60 + 6 \cdot 5}{1440 - 120} = 0,48 = 1 \text{ radnik} \quad (2)$$

- potreban broj manevrista

$$N_{man} = \frac{N_{mp} \cdot t_{mpman} + N_{mn} \cdot t_{mnman} + N_{dp} \cdot t_{dpman}}{1440 - \sum t_{pn}} = \\ = \frac{4 \cdot 20 + 6 \cdot 20 + 6 \cdot 5}{1440 - 120} = 0,17 = 1 \text{ radnik} \quad (3)$$

gde je:

$N_v$  - broj vozovoda

$N_{mag}$  - broj magacionera,

$N_{man}$  - broj manevrista,

$N_{mp}$  - broj vozova mešovitog sastava (smer parni) koji se obrađuju u stanici Šid u toku 24 h,

$N_{mn}$  - broj vozova mešovitog sastava (smer neparni) koji se obrađuju u stanici Šid u toku 24 h,

$N_{dp}$  - broj vozova sa delimičnom preradom koji se obrađuju u stanici Šid u toku 24 h,

$\sum t_{pn}$  - ukupno vreme trajanja primopredaje smene,

$t_m$  - vreme trajanja obrade voza mešovitog sastava,

$t_{dp}$  - vreme trajanja obrade voza sa delimičnom preradom.

## 4. MODELIRANJE TEHNOLOGIJE RADA TERETNIH VOZOVA U ŽELEZNIČKOJ STANICI ŠID PRIMENOM TEORIJE MASOVNOG OPSLUŽIVANJA

### 4.1. Ulazni tok

Matematičko očekivanje eksponencijalne raspodele iznosi:

$$M(T) = \frac{1}{\lambda} = \frac{1}{0.023} = 42 \text{ min} \quad (4)$$

Disperzija eksponencijalne raspodele iznosi:

$$D(T) = \frac{1}{\lambda^2} = \frac{1}{0.023^2} = 1754 \text{ min}^2 \quad (5)$$

Srednja vrednost intervala dolaska vozova iznosi:

$$I_{sr} = \frac{d}{N} \sum_{i=1}^n f_i t_i + t_0 = \frac{30}{33}(-52.3) + 90 = 42 \text{ min} \quad (6)$$

Empirijska disperzija:

$$s^2 = \frac{d^2}{N} \left[ \sum_{i=1}^n f_i t_i^2 - \frac{1}{N} \left( \sum_{i=1}^n f_i t_i \right)^2 \right] = \\ = \frac{30^2}{33} \left[ 138 - \frac{1}{33}(2733.23) \right] = 1501 \text{ min}^2 \quad (7)$$

Standardno odstupanje:

$$s = \sqrt{s^2} = \sqrt{1501} = 39 \text{ min} \quad (8)$$

Pošto je:

$$1.96 \frac{39}{\sqrt{33}} = \pm 13.4 \quad (9)$$

sledi da je:

$$P\{42 - 13.4 < \mu < 42 + 13.4\} = 0.95 \quad (10)$$

odnosno  $P\{28.6 < \mu < 57.4\} = 0.95$

Standardno odstupanje nalazi se u intervalu pouzdanosti sa verovatnoćom 95% i neznatno se razlikuje od srednje vrednosti intervala dolaska vozova (44).

$$k = \frac{I_{sr}^2}{s^2} = \frac{42^2}{39^2} = \frac{1764}{1501} = 1,2 \quad (11)$$

Sve ovo ukazuje na to da se može pretpostaviti da se empirijska raspodela ponaša po eksponencijalnom zakonu. Stoga je izvršeno testiranje empirijske sa teorijskom raspodelom u Prilogu VII.

Intenzitet dolaska vozova iznosi:

$$\lambda = \frac{1}{I_{sr}} = \frac{1}{42} = 0.023 \text{ vozova / min} \quad (12)$$

$\chi^2$  testom utvrđeno je da nemamo osnova da odbacimo pretpostavljenu hipotezu da intervali dolaska vozova ponašaju se po eksponencijalnoj raspodeli. U tom slučaju nije teško dokazati da ulazni tok ima raspodelu Puasona.

#### 4.2. Vreme opsluživanja

Vreme opsluživanja je jedan od važnih parametara svakog kanala sistema masovnog opsluživanja. Ono pokazuje koliko se vremena utroši za opsluživanje jednog klijenta na posmatranom kanalu i samim tim određuje njegovu propusnu moć. Po pravilu, to je slučajna veličina, koja predstavlja karakteristiku funkcionisanja svakog kanala sistema.

Parametar  $k$  za vreme opsluživanja iznosi:

$$k = \frac{M(T)^2}{D(T)} = \frac{42^2}{1754} = \frac{1764}{1754} = 1,01 \quad (13)$$

I u ovom slučaju može se pretpostaviti da se i vreme opsluživanja ponaša po eksponencijalnoj raspodeli. Identična analiza sprovedena je i za vreme opsluživanja čime je potvrđena hipoteza o pretpostavljenoj raspodeli pri čemu je dobijeno matematičko očekivanje vremena trajanja obrade teretnih vozova od 40,2 minuta.

#### 4.3. Sistem masovnog opsluživanja: Puasonov ulazni tok – eksponencijalno vreme opsluživanja

Sistem masovnog opsluživanja sa čekanjem čije su osnovne karakteristike sledeće [8]:

- sistem opsluživanja ima  $n$  kanala opsluživanja i  $m$  mesta u redu;
- ulazni tok klijenata jeste prost tok tj. Puasonov sa intenzitetom  $\lambda$ ;
- vreme opsluživanja ima eksponencijalnu raspodelu sa intenzitetom  $\mu$ .

Ovaj sistem često se naziva klasičnim sistemom masovnog opsluživanja i može se označiti Kendlovim oznakama [8]:

$$M(\lambda) / M(\mu) / n / m \quad (14)$$

gde se veličine  $\lambda$ ,  $\mu$ ,  $n$ ,  $m$  nazivaju parametrima sistema opsluživanja.

U stanici Šid na prijemnim kolosecima radi ( $n = 1$ ) jedna partija radnika na obavljanju obrade vozova. Prosečan intenzitet dolaska vozova na preradu iznosi  $\lambda = 1,4$  vozova/h. Sprovedena statistička analiza pokazuje da se raspodela dolaska vozova ponaša po zakonu Puasona. Vreme obrade vozova jeste slučajna veličina, koja u proseku iznosi  $t = 0,67$  h. Broj koloseka namenjen za čekanje vozova na obradu je 3 koloseka ( $m = 3$ ).

Dobijamo sledeći sistem masovnog opsluživanja:  $M(1,4) / M(1,5) / 1 / 3$ .

Verovatnoće stanja sistema iznose:  $p_0 = 0,23$ ;  $p_1 = 0,211$ ;  $p_2 = 0,197$ ;  $p_3 = 0,184$ ;  $p_4 = 0,172$ .

Verovatnoća da je sistem potpuno zauzet jednaka je verovatnoći da su svi kanali zauzeti:

$$p_{pz} = p_0 \frac{1 - \alpha^{m+1}}{1 - \alpha} = 0,3 \frac{1 - 0,93^4}{1 - 0,93} = 0,821 \quad (15)$$

što znači da je partija zauzeta obradom vozova 82,1%.

Verovatnoća da se u sistemu nalazi  $n$  klijenata, tj. svi su kanali zauzeti, a da  $r$  klijenata čeka u redu:

$$p_{1+1} = \frac{\alpha^r \frac{\psi^n}{n!}}{\sum_{k=0}^n \frac{\psi^k}{k!} + \frac{\psi^n}{n!} \alpha \frac{1 - \alpha^m}{1 - \alpha}} = \frac{0,93^1 \frac{0,93^1}{1}}{1 + \frac{0,93^1}{1} + \frac{0,93^1}{1} 0,93 \frac{1 - 0,93^3}{1 - 0,93}} = 0,197 \quad (16)$$

Verovatnoća opsluživanja klijenata:

$$p_{ops} = \sum_{k=0}^{n+m-1} p_k = 1 - p_{n+m} = 1 - \alpha^m p_n = 1 - 0,93^3 p_0 = 0,815 \quad (17)$$

Srednji broj zauzetih kanala:

$$\bar{n}_z = \sum_{k=0}^n kp_k + n \sum_{r=1}^m p_{n+r} = \psi(1 - \alpha^m) p_n = \\ = 0,93 \cdot (1 - 0,804 \cdot 0,23) = 0,763 \quad (18)$$

Srednji broj klijenata koji se nalaze u redu:

$$\bar{k}_r = p_n \alpha \frac{1 - \alpha^m [m(1 - \alpha) + 1]}{(1 - \alpha)^2} = \\ = 0,23 \cdot 0,93 \frac{1 - 0,93^3 [3 \cdot (1 - 0,93) + 1]}{(1 - 0,93)^2} = 1,369 \quad (19)$$

Srednje vreme koje klijent provede u redu čekajući na opsluživanje:

$$\bar{t}_r = \frac{\bar{k}_r}{\lambda} = \frac{1,369}{1,4} = 0,978 \text{ h} \quad (20)$$

Srednje vreme koje klijent provede u sistemu:

$$\bar{t} = \frac{\bar{k}_r + \bar{n}_z}{\lambda} = \frac{1,369 + 0,763}{1,4} = 1,523 \text{ h} \quad (21)$$

Da bi se smanjio broj vozova koji čekaju na obradu, a time i ukupno zadržavanje vozova u sistemu, što će doprineti smanjenju kolskih časova zadržavanja kola u stanici, neophodno je povećati broj partija na obradi. Povećanje broja partija znači istovremeno i poskupljenje njihove obrade. Šta je u ovom slučaju optimalno? Da bismo to utvrdili, proračunaćemo pokazatelje sistema, za nepromenjene polazne uslove ( $\lambda = 1,4 \text{ vozova/h}$  i  $t = 0,67 \text{ h}$ ), sem za  $n = 1$ , za  $n = 2$  i  $n = 3$ , kao i troškova usled zadržavanja kola u sistemu i uvođenja partija radnika. Pri tome, treba imati u vidu da cena RIV najamnine po satu iznosi 0,89 eura. Takođe, za ovu analizu bile su potrebne i bruto plate radnika koje u proseku iznose 44.200,00 rsd za jednu partiju. Optimalan broj partija radnika utvrđićemo minimizirajući funkciju cilja, odnosno:

$$E = E_{zk} + E_{pr} \rightarrow \min \quad (22)$$

$$E = E_{zk} + \sum t_g m_k c_{kc} + 24nc_{pr} \rightarrow \min \quad (23)$$

gde je:

$E$  – ukupni troškovi usled zadržavanja kola u sistemu i rada partija radnika na obradi vozova;

$E_{zk}$  – troškovi usled zadržavanja kola u sistemu;

$E_{pr}$  – troškovi rada partije radnika na obradi vozova;  $m_k$  – prosečan broj kola u vozu;

$\sum t_g$  – vreme kada se ne mogu primati vozovi na preradu zbog propuštanja drugih vozova ili održavanja koloseka i kontaktne mreže, za ovaj primer  $\sum t_g = 4 \text{ h}$ .

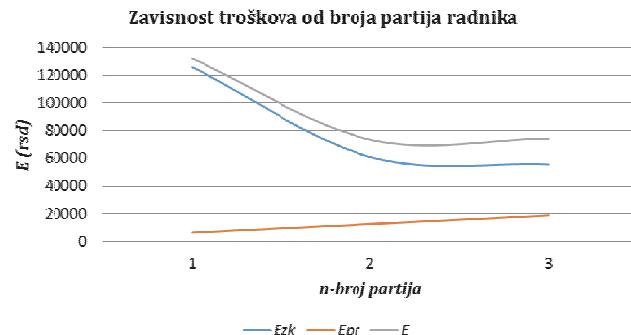
Rezultati proračuna prikazani su u tabeli 4.1.

Tabela 4.1. Proračuni za broj partija radnika i cene rada na sat

Karakteristike sistema	Broj partija radnika (n)		
	1	2	3
$p_0$	0,230	0,370	0,390
$p_{pz}$	0,821	0,197	0,559
$p_{ops}$	0,815	0,960	0,029
$\bar{n}_z$	0,763	0,586	0,920
$\bar{k}_r$	1,369	0,445	0,023
$\bar{t}_r (\text{h})$	0,978	0,318	0,016
$\bar{t} (\text{h})$	1,523	0,736	0,670
$E_{zk} (\text{rsd})$	126.059	61.039	55.566
$E_{pr} (\text{rsd})$	6.240	12.480	18.720
$E (\text{rsd})$	132.299	73.519	74.286

Analiza proračuna pokazuje da se pri povećanju broja partija na obradi smanjuje vreme čekanja voza na obradu, tako da pri  $n = 1$ ,  $t_r = 0,978 \text{ h} = 58,68 \text{ min}$ ; za  $n = 2$ ,  $t_r = 0,318 \text{ h} = 19,08 \text{ min}$ ; za  $n = 3$ ,  $t_r = 0,016 \text{ h} = 9,6 \text{ min}$ .

Funkcija cilja ima svoj minimum za  $n = 2$  (slika 4.1). To znači da je najoptimalnije organizovati obradu vozova sa 2 partije radnika tj. kad je  $n = 2$ , odnosno dva magacionera, dvoje vozovođa i dvoje manevrista, jer se tada postižu minimalni troškovi.



Slika 4.1. Zavisnost troškova od broja partija radnika

## Prilog I. Grafički obrade tranzitnih vozova sa delimičnom preradom

Red. br.	Vrsta operacije	Trajanje operacija u minutima					Izvršioc i O.V.	
		0	5	10	15	20	25	30
1	Dobijanje informacije o dolasku voza sa glavnog računara							
2	Izveštavanje TKS i komercijalne službe							
3	Dolazak radnika na ulazni kolosek koji učestvuju u obradi voza							
4	Preuzimanje dokumenata	2						
5	Promena lokomotive i završnog signala	5	0-2					
6	Tehnički pregled i proba kočnica	15	0-5	5-20				
7	Popis, komercijalni i carinski pregled	20		0-20				
8	Sastavljanje S-66 i predaja dokumenata mašinovođi	5		20-25	5			
9	Obezbedenje puta vožnje i oprema	5						
10	Ukupno vreme trajanja operacija	30		25-30				
				0-30				

Prilog II. Grafikon tehnologije obrade međunarodnih brzih vozova (smer parni)

Red br.	Tehnološka operacija	Vreme trajanja operacije u min.	Izvršoci
1	Dobijanje informacije o dolasku voza sa glavnog računara	0 5 10 15 20 25	unutrašnji otporavnik vozova
2	Izveštavanje osoblja koje učestvuje u obradi	□	unutrašnji otporavnik vozova
3	Dolazak radnika na ulazni kolosek	□	osoblje TKP-a, manevrista
4	Izlaz i ulaz putnika i prevlačenje voza u carinsku zonu	3 0-3	mašinovođa, manevrista
5	Otkvačivanje i odlazak vozne lokomotive ŽS	3 3-6	mašinovođa, manevrista
6	Dolazak i zakvačivanje vozne lokomotive HŽ	3 6-9	mašinovođa, manevrista
7	Tehnički i komercijalni pregled voza, proba kočnica	13 0-13	radnici TKP-a i konduktori ŽS i HŽ
8	Policajski i carinski pregled voza, blokada voza	10 3-13	policija i carina
9	Popis voza, ispostavljanje teretnice i S-66	10 3-13	železničko osoblje HŽ
10	Oprema voza	2 13-15	otporavnik vozova
11	Ukupno vreme trajanja operacija	15 0-15	

*Prilog III. Grafikon tehnologije obrade međunarodnih brzih vozova (smer neparni)*

Red br.	Tehnološka operacija	Vreme trajanja operacije u min.						Izvršioc
		0	5	10	15	20	25	
1	Dobijanje informacije o dolasku voza sa glavnog računara							unutrašnji otporavnik vozova
2	Izveštavanje osoblja koje učestvuje u obradi							unutrašnji otporavnik vozova
3	Dolazak radnika na ulazni kolosek							osoblje TKP-a, manevrista
4	Otkvačivanje i odlazak vozne lokomotive HŽ	3	0-3					mašinovođa, manevrista
5	Dolazak i zakvačivanje vozne lokomotive ŽS		3	3-6				mašinovođa, manevrista
6	Tehnički i komercijalni pregled voza, proba kočnica		13	0-13				radnici TKP-a ŽS i konduktori ŽS i HŽ
7	Policjski i carinski pregled voza, blokada voza		10	10				policija i carina
8	Popis voza, ispostavljanje teretnice i S-66		10	3-13				železničko osoblje ŽS
9	Izvlačenje voza iz carinske zone i ulazak/izlazak putnika		3	10-13				nadzor obavlja spolašnji otporavnik vozova
10	Otprema voza		2	13-15				otporavnik vozova
11	Ukupno vreme trajanja operacija		15	0-15				

*Prilog IV. Grafikon tehnologije obrade putničkih vozova u unutrašnjem saobraćaju (smer parni i neparni)*

Red br.	Tehnološka operacija	Vreme trajanja operacije u min.						Izvršioc
		0	5	10	15	20	25	
1	Dobijanje informacije o dolasku voza sa glavnog računara							unutrašnji otpравnik vozova
2	Izveštavanje osoblja koje učeštuje u obradi							unutrašnji otpравnik vozova
3	Dolazak radnika na ulazni kolosek							osoblje TKP-a, manevrista
4	Izlazak/ulazak putnika	4						nadzor obavljaju konduktter
5	Okretlokomotive - promena upravljačnice		8					manevrista i mašinovođa
6	Tehnički pregled vozila		8					radnici TKP-a
7	Ukupno vreme trajanja operacija		8					
			0-8					

## Prilog V. Grafikon tehnologije obrade međunarodnih teretnih vozova mešovitog sastava koji tranzitiraju graničnu stanicu Šid (smer parni)

Red br.	Tehnološka operacija	Vreme trajanja operacije u min.										Izvršioc				
		0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100	110	120	130	
1	Dobijanje informacije o dolasku voza sa glavnog računara															opravnik vozova
2	Pripremna operacija – izlaz na ulazni kolosek radnika koji učestvuju u obradi voza															osoblje TKP-a, manevrista
3	Preuzimanje, odnošenje i predaja propratnih isprava i dokumenata voza	2	□													vozovoda
4	Skidanje i doношење завршног signala, otkvačivanje i odlazak vozne lokomotive ŽS	10	□													mašinovoda, manevrista
5	Tehnički pregled voza	20	□													radnici TKP-a ŽS
6	Komerčijalni pregled voza i prvera ili utvrđivanje njegovog sastava	20	□													vozovoda i transziter
7	Sravnjenje dokumentata i njihova obrada	20	□													magpcioner
8	Priprema dokumenata za carinu i sastavljanje K-200	20	□													magpcioner
9	Predaja dokumenata carini i carinski pregled	20	□													magpcioner, carinski inspektor
10	Popis voza, ispostavljanje propratnih isprava i sastavljanje Kol-65	20	□													vozovoda, magpcioner
11	Dolazak i zakvačivanje vozne lokomotive HŽ	30-50	□													mašinovoda, manevrista
12	Potpuna proba kočnica	50-55	□													radnici TKP-a HŽ
13	Donošenje i stavljavanje završnog signala	55-60	□													manevrista
14	Sravnjenje vraćenih dokumenata sa carine, predaja dokumenata i vornih isprava na voz, otprema voza	60-70	□													magpcioner, vozovoda, opravnik vozova
15	Ukupno vreme trajanja operacija	70	□													
		0-70														

*Prilog VI. Grafikon tehnologije obrade međunarodnih teretnih vozova mešovitog sastava  
koji tranzitiraju graničnu stanicu Šid (smer neparni)*

Red br.	Tehnološka operacija	Vreme trajanja operacije u min.												Izvršioc		
		0	10	20	30	40	50	60	70	80	90	100	110	120	130	140
1	Dobijanje informacije o dolasku voza sa glavnog računara															telegrafista
2	Priprema operacija – izlaz na ulazni kolosek radnika koji učeštuju u obradi voza															osoblje TKP-a, manevrista
3	Preuzimanje, odnošenje i predaja propratnih isprava i dokumentata voza	2														vozovođa
4	Skidanje i donošenje zavrsnog signala, otvraćanje i odlažak vozne lokomotive HŽ	10	0-2													mašinovoda, manevrista
5	Tehnički pregled voza	20	0-20													radnici TKP-a ŽS
6	Komerčijalni pregled vozstavljanje dokumenata, ispostavljanje listica Kol-30	20	0-20													vozovođa, tranziter, magacioner
7	Obračun, fotokopiranje i lepljenje tranzitnih listica tovarnih listova	30	10-40													robeni blagajnik, magacioner
8	Priprema dokumenata za inspekcijske i carinske preglede, rad inspekcijskih službi	30	10-40													magacioner, inspektor
9	Leplenje prelaznih listica Kol-30	30	20-50													magacinski radnik
10	Predaja dokumenata carini i carinski pregled	30	20-50													magacioner, carinski radnik
11	Popis voza i ispostavljanje propratnih dokumenata	30	20-50													vozovođa
12	Dolazak i zakvačivanje vozne lokomotive ŽS	5	50-55													mašinovoda, manevrista
13	Potpuna proba kočnica	20	55-75													vozovođa
14	Donošenje i stavljanje završnog signala	5	75-80													manevrista
15	Sravnjenje vraćenih dokumenata sa carine, predaja dokumenata i voznih isprava na voz, otprema voza	10	80-90													magacioner, vozovođa, o.vozova
16	Ukupno vreme trajanja operacija	90														

Prilog VII. Testiranje hipoteze o slaganju date empirijske raspodele sa eksponencijalnom

Klase intervala dolaska vozova	Sredina klase $t_i$	Frekvencija dolaska vozova $f_i$	$t_i^2 f_i$	Empirijske verovatnoće dolaska vozova $f_{ri}$	Empirijske verovatnoće po eksponentijalnoj raspodeli $p_i$	Teorijske frekvencije $\varphi_i$	$f_i - \varphi_i$	$(f_i - \varphi_i)^2$	$\frac{(f_i - \varphi_i)^2}{\varphi_i}$
0-30	15	17	-2,5	-42,5	106,3	0,52	0,50	17	0
31-60	45,5	9	-1,48	-13,4	19,8	0,27	0,24	8	1
61-90	75,5	1	-0,48	-0,48	0,2	0,03	0,11	4	1,91
91-120	105,5	3	0,52	1,55	0,8	0,09	0,05	2	1
121-150	135,5	2	1,52	0,28	4,6	0,06	0,03	1	1,10
151-180	165,5	1	2,52	2,22	6,3	0,03	0,01	1	1,03
		33	-52,3	138	1,00			33	4,19

Broj stepeni slobode iznosi:

$$k = r - l - 1 = 6 - 1 - 1 = 4$$

Za 4 stepena slobode i  $\alpha = 0,05$  nalazimo da je  $\chi_{0,05}^{2(4)} = 9,488$ .

$\chi^2 = 4,19 < \chi_{0,05}^{2(4)} = 9,488 \iff$  Nemamo osnova da odbacimo pretpostavljenu hipotezu da intervali dolaska vozova se ponašaju po eksponencijalnoj raspodeli.

## 5. ZAKLJUČAK

Kako železnička stanica Šid predstavlja važnu, može se reći vitalnu, tačku na Koridoru X, neophodno je vršiti ulaganja u cilju njene modernizacije. Pod ovim se prvenstveno podrazumeva modernizacija informacionih sistema, radi što efikasnijeg i kvalitetnijeg vršenja železničkog saobraćaja.

U novom konceptu železnice zasnovanom na povećanju obima rada i kvaliteta usluga, a posebno na izvršenju zadataka prevoza robe, informacioni sistem železnice dobija posebno veliki značaj.

U ovom radu predloženo je uvođenje modernijeg informacionog sistema, na osnovu kojeg su dobijene nove tehnologije obrade vozova, sa kraćim vremenom zadržavanja kola na izvršenju te obrade. Skraćenje vremena obrade postignuto je skraćenjem vremena popisa voza i skraćenjem vremena komercijalnog pregleda. Skraćenje vremena popisa i komercijalnog pregleda voza postiglo bi se na taj način što bi stanica Šid dobijala potrebne podatke o dolazećem vozu od poslednje (susedne) stanice. Pri preuzetim podacima stanica Šid, tj. njeni radnici koji učestvuju u obradi ne bi morali na licu mesta da vrše popis i komercijalni pregled voza, već bi samo vršili kontrolu ispravnosti dobijenih podataka. Takođe, izvršili bi blagovremenu pripremu i organizaciju rada, radi što kraćeg zadržavanja voza na obradi.

Primenom teorije sistema masovnog opsluživanja utvrđena je optimalna varijanta obrade vozova koja podrazumeva angažovanje dve partije radnika, odnosno dva magacionera, dvojice vozovođa i dvojice manevrista jer se tada postižu minimalni troškovi.

## ZAHVALNICA

Rad je deo projekta koji je finansiralo Ministarstvo obrazovanja, nauke i tehnološkog razvoja Republike Srbije, broj: TR 36012.

## LITERATURA

- [1] JP „Železnice Srbije“: „Poslovni red stanice Šid I deo“, 2006.
- [2] Infrastruktura Železnice Srbije: „Izvod iz reda vožnje 2016/17“, 2016.
- [3] Stojić G., Vesović S., Čičak M., Modelling of technologies and capacities of technical freight stations, ŽELEZNICE, Vol. 59, Issue 7-8, pp. 207-2019, Beograd, 2003.
- [4] Čičak, M. i Vesović, S.: „Organizacija železničkog saobraćaja“, Saobraćajni fakultet Univerziteta u Beogradu, Beograd, 2005.
- [5] Stojić, G.: „Optimizacija rada tehničkih teretnih stanica sa posebnim osvrtom na uvođenje novih tehnologija i modeliranje tehnoloških procesa“, Saobraćajni fakultet Univerziteta u Beogradu, Beograd, 2003.
- [6] Prodanović, J.: „Modeliranje tehnologije i kapaciteta železničke stanice Šid“, Diplomski rad, Fakultet tehničkih nauka, Univerzitet u Novom Sadu, Novi Sad, 2010.
- [7] Čičak, M.: „Modeliranje u železničkom saobraćaju“, Saobraćajni fakultet Univerziteta u Beogradu, Beograd, 2003.
- [8] Vukadinović, S., Popović, J.: „Matematička statistika“, Saobraćajni fakultet, Beograd, 2008.
- [9] M Ivić, A Marković, S Milinković, I Belošević, M Marković, S Vesović, N Pavlović, M Kosijer: Simulation model for estimating effects of forming pick-up trains by simultaneous method, Proceedings of 7<sup>th</sup> EUROSIM Congress on Modelling and Simulation, Prague, 2010.
- [10] S. Vesović, M. Čičak, S. Milinković, S. Janković: “Modelling And Optimising The Plan Of Making Up Freight Trains With Application”, 10<sup>th</sup> World Conference on Transport Research, WCTR 2004. Proceedings, Istanbul, Turkey, 4-8.7.2004.
- [11] Vukadinović, S., Popović, J.: „Zbirka rešenih zadataka iz matematičke statistike“, Naučna knjiga, Beograd, 2008.
- [12] JP „Saobraćajni pravilnik“, Zavod za novinsko – izdavačku i propagandnu delatnost JŽ, Beograd, 1997.
- [13] JP „Signalni pravilnik“, Zavod za novinsko – izdavačku i propagandnu delatnost JŽ, Beograd, 1997.